

## KARMA TEST - 24

5.  $m$  ve  $n$  pozitif gerçek sayılar olmak üzere,

$$\begin{array}{c} m \\ n \end{array} = \log_{(m-1)}(n)$$

şeklinde tanımlanıyor.

$$\begin{array}{c} 9 \\ x+4 \end{array} = 2 \quad \text{ve} \quad \begin{array}{c} 17 \\ y-2 \end{array} = 1$$

eşitlikleri veriliyor.

Buna göre,  $x + y$  toplamı kaçtır?

- A) 120      B) 70      C) 20      D) 210      E) 78

$$\log_{(9-1)}(x+4) = 2$$

$$\log_8(x+4) = 2$$

$$x+4 = 8^2 = 64$$

$$(x=60)$$

$$\log_{(17-1)}(y-2) = 1$$

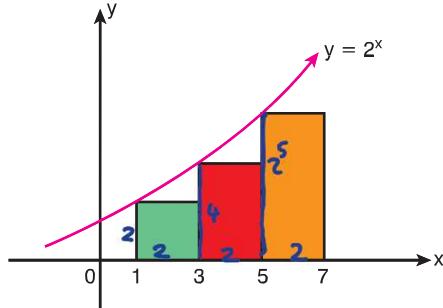
$$\log_{16}(y-2) = 1$$

$$y-2 = 16$$

$$(y=18)$$

$$x+y = 78$$

- 6.



Yukarıda  $f(x) = 2^x$  üstel fonksiyonu ile birer köşeleri bu fonksiyonunu üzerinde olan yeşil, kırmızı ve turuncu renkli dikdörtgenler gösterilmiştir.

Buna göre, şekilde verilen yeşil, kırmızı ve turuncu renkli dikdörtgenlerin alanları toplamı kaç birimkaredir?

- A) 80      B) 84      C) 88      D) 90      E) 92

<u>Yeşil</u>	<u>Kırmızı</u>	<u>Turuncu</u>
$2 \cdot 2^1 = 4$	$2 \cdot 2^3 = 16$	$2 \cdot 2^5 = 64$
$\checkmark$		
$4 + 16 + 64 = 84$		

7.  $m$  ve  $n$ , 1'den farklı pozitif gerçek sayı olmak üzere,  $f$  ve  $g$  fonksiyonları

$$f(x) = m^x$$

$$g(x) = n^x$$

şeklinde tanımlanıyor.

$$(f \cdot g)(3) = 27$$

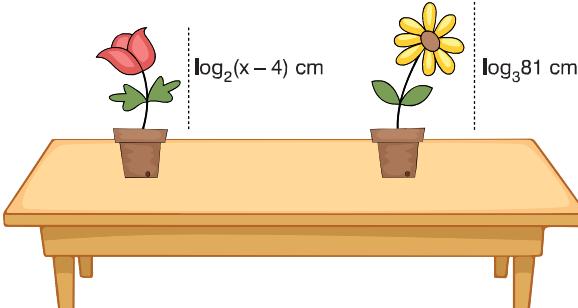
$$(f + g)(1) = 4$$

olduğuna göre,  $|m - n|$  farkı kaçtır?

- A) 2      B) 3      C) 4      D) 0      E) 5

$$\begin{aligned} f(3) &= m^3, \quad g(3) = n^3 \\ f(3) \cdot g(3) &= m^3 \cdot n^3 = (m \cdot n)^3 = 27 = 3^3 \Rightarrow [m \cdot n = 3] \\ f(1) + g(1) &= [m+n=4] \\ (m+n)^2 &= m^2 + 2mn + n^2 = 16 \Rightarrow m^2 + n^2 = 10 \\ m-n = x \Rightarrow m^2 - 2mn + n^2 &= x^2 \\ 10-6 = x^2 \Rightarrow x^2 &= 4 \quad (x=2) \end{aligned}$$

8. Şekilde gül ve papatyaların boyaları verilmiştir.



Gülün boyunun papatyadan kısa olduğu bilinmektedir.

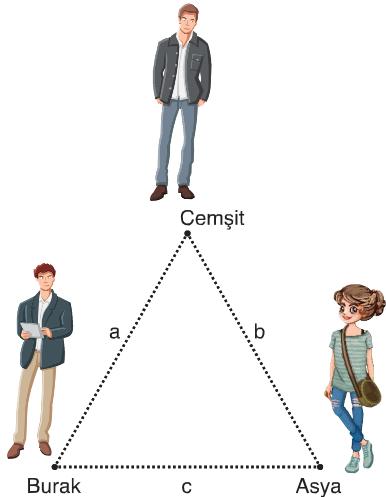
Buna göre,  $x$ 'in alabileceği kaç farklı doğal sayı değeri vardır?

- A) 14      B) 13      C) 15      D) 16      E) 12

$$\begin{aligned} &\text{Gül} < \text{Papatyaya} \\ \log_2(x-4) < \log_3 81 &\Rightarrow \log_2(x-4) < \log_3 3^4 \\ \log_2(x-4) < 4 &\Rightarrow x-4 < 2^4 \\ x-4 < 16 &\Rightarrow x < 20 \\ x > 4 &\Rightarrow 4 < x < 20 \\ 5, 6, \dots, 19 &= 15 \text{ tane} \end{aligned}$$

## KARMA TEST – 25

1.



Yukarıda Cemşit, Burak ve Asya'nın konumları gösterilmiştir.

Burak'ın Asya'ya olan uzaklığı  $\log_5 126$  metre, Asya'nın Cemşit'e olan uzaklığı  $\log_3 126$  metre ve Cemşit'in Burak'a olan uzaklığı  $\log_2 126$  metredir.

**Bu kişiler arasındaki uzaklıklar a, b ve c birim olduğuna göre, aşağıdaki ifadelerden hangisi doğrudur?**

- A)  $a < b < c$       B)  $b < c < a$       C)  $b < a < c$   
 D)  $c < b < a$       E)  $c < a < b$

$$a = \log_2 126 \approx 6, \dots$$

$$b = \log_3 126 \approx 4, \dots \Rightarrow c < b < a$$

$$c = \log_5 126 \approx 3, \dots$$

2.  $n$  kenarlı bir çokgenin içine yazılan pozitif bir A sayısı ile elde edilen şeklin değeri  $\log_n A$  sayısının tam kısmına eşittir.

Örnek:  $8 = \log_4 8 = 1$

Buna göre,

$$\triangle(14) + \square(51) + \diamond(28) + \heartsuit(29)$$

toplamının sonucu kaçtır?

- A) 7      B) 6      C) 5      D) 8      E) 9

$$\begin{aligned} \triangle(14) &= \log_3 14 \approx 2, \dots = 2 \\ \square(51) &= \log_4 51 \approx 2, \dots = 2 \\ \diamond(28) &= \log_5 28 \approx 2, \dots = 2 \\ \heartsuit(29) &= \log_6 29 \approx 1, \dots = 1 \end{aligned}$$

3.  $\log_3 2, \log_4 100, \log_5 3, \ln 125, \log_3 8, \log_5 81, \log_4 10$  ve  $\ln 5$  sayılarının her biri farklı bir kutunun içerisinde yazılıyor ve A, B, C, D tam sayıları bulunuyor.

$\log_4 100$	:	$\log_4 10$	= A
$\log_5 81$	:	$\log_5 3$	= B
$\log_3 8$	:	$\log_3 2$	= C
$\ln 125$	:	$\ln 5$	= D

Buna göre, A + B + C + D toplamı kaçtır?

- A) 11      B) 14      C) 10      D) 12      E) 8

$$A = \log_4 100 : \log_4 10 = \frac{\log_4 100}{\log_4 10} = \log_{10} 100 = 2$$

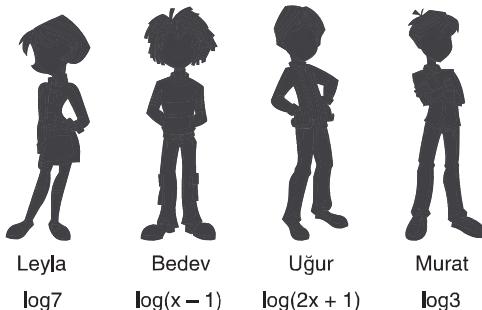
$$B = \log_5 81 : \log_5 3 = \frac{\log_5 81}{\log_5 3} = \log_3 81 = 4$$

$$C = \log_3 8 : \log_3 2 = \frac{\log_3 8}{\log_3 2} = \log_2 8 = 3 \Rightarrow 2+4+3+3 = 12$$

$$D = \ln 125 : \ln 5 = \frac{\ln 125}{\ln 5} = \log_5 125 = 3$$

MATEMATİK

4.



Yukarıda boy uzunlukları birim türünden verilen Leyla, Bedev, Uğur ve Murat hakkında aşağıdaki bilgi biliniyor.

- Leyla ve Uğur'un boy farkı, Murat ile Bedev'in boy farkına eşittir.

Buna göre, x kaçtır?

- A) 15      B) 13      C) 10      D) 9      E) 8

$$\log_7 - \log_3 = \log_3 - \log(x-1)$$

$$\log_7 - \log_3 = \log_3 - \log(x-1) \Rightarrow 1.D \quad 2.A \quad 3.D \quad 4.C$$

$$\log\left(\frac{7}{3}\right) = \log\left(\frac{3}{x-1}\right) \Rightarrow \frac{7}{3} \times \frac{3}{x-1} \Rightarrow 7x-7=6x+3 \Rightarrow x=10$$

## KARMA TEST - 25

5.  $x_1$  ve  $x_2$  birer pozitif gerçel sayı olmak üzere,

$$\sqrt{(x_1 + x_2) + 2\sqrt{x_1 \cdot x_2}} = \sqrt{x_1} + \sqrt{x_2}$$

eşitliği veriliyor.

Buna göre,  $\sqrt{3 + \ln x + \sqrt{12 \ln x}} = 2\sqrt{3}$  denklemi sağılayan  $x$  değeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A)  $e^2$       B)  $e^3$       C)  $e^{-3}$       D)  $e^{-2}$       E)  $e$

$$\begin{aligned} \sqrt{3 + \ln x + \sqrt{4 \cdot 3 \cdot \ln x}} &= 2\sqrt{3} \\ \sqrt{3 + \ln x + 2\sqrt{3 \cdot \ln x}} &= 2\sqrt{3} \\ \sqrt{3 + \ln x} + \sqrt{3 \cdot \ln x} &= 2\sqrt{3} \Rightarrow \sqrt{\ln x} = \sqrt{3} \\ \ln x = 3 \Rightarrow \log_e x = 3 \Rightarrow x = e^3 & \end{aligned}$$

6.  $x$  gerçel sayı olmak üzere,

$\triangle_x$  =  $x$  sayısından küçük en büyük tam sayı

$\square_x$  =  $x$  sayısından büyük en küçük tam sayı

olarak tanımlanıyor.

Örnek:  $\triangle_0 = -1$        $\square_2 = 3$

$$\log_5 26 + \log_3 26 - \log_2 11$$

İşleminin sonucu kaçtır?

- A) 8      B) 6      C) 4      D) 5      E) 2

$$\begin{aligned} \log_5 26 &= 2, \dots = 2 \\ \log_3 26 &= 2, \dots = 3 \Rightarrow 2 + 3 - 3 = 2 \\ \log_2 11 &= 3, \dots = 3 \end{aligned}$$

7. Türk bilim insanların yeni keşfettiği ACL - 21 adlı ilaç ile ilgili aşağıdakiler biliniyor.

- A(t): İlacın etki ettiği hastalık hücre sayısı
- t: İlacın hastaya verildikten sonra geçen gün sayısı
- $A(t) = 2^{(1,2)t}$

Buna göre, ACL - 21 ilaçının  $5^{10}$  tane hastalık hücreye etki etmesi için kaç gün geçmesi gerekir?

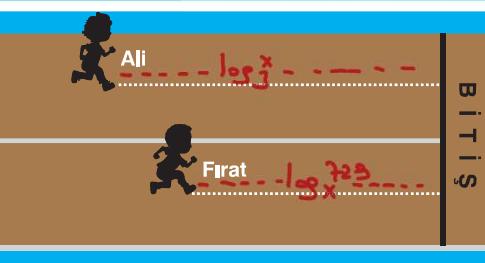
( $\log_2 10 \approx 3,4$  alınız.)

- A) 15      B) 20      C) 30      D) 25      E) 32

$$\begin{aligned} \log_2^{10} &= \log_2^{\frac{12+t}{10}} \Rightarrow 10 \cdot \log_2^t = \frac{12+t}{10} \cdot \log_2^2 \\ 10 \cdot \log_2^t &= \frac{12+t}{10} \Rightarrow \log_2^{10} = \log_2^{\frac{12}{10} + \log_2^t} = \frac{34}{10} - 1 \\ 10 \cdot \frac{2^t}{10} &= \frac{12+t}{10} \quad \log_2^t = \frac{24}{10} \\ t &= 20 \end{aligned}$$

ACİL MATEMATİK

- 8.



Şekilde verilen bir yarış pistinde Ali'nin bitiş noktasına uzaklığı  $\log_3 x$  km, Fırat'ın bitiş noktasına uzaklığı  $\log_7 29 x$  km'dir.  $\log_7 29 + \log_3 x = 5 \Rightarrow \log_7 x + \log_3 x = 5$

Ali ve Fırat'ın bitiş noktasına olan uzaklıklarını toplamı 5 km olduğuna göre,  $x$ 'in alabileceği değerler toplamı kaçtır?

$$6 \cdot \log_7 x + \log_3 x = 5$$

- A) 27      B) 30      C) 36      D) 45      E) 54

$$\log_7 x = m \Rightarrow 6 \cdot \frac{1}{m} + m = 5 \Rightarrow \frac{m^2 + 6}{m} = 5 \Rightarrow m^2 + 6 = 5m$$

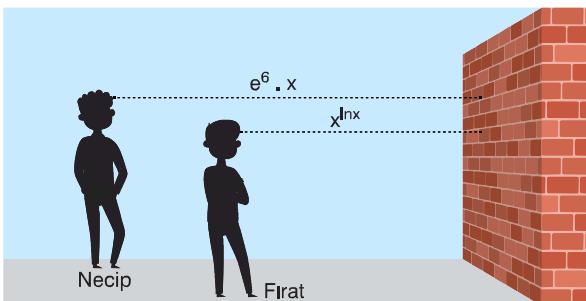
$$m^2 - 5m + 6 = 0 \Rightarrow m = 3 \quad m = 2$$

5.B 6.E 7.B 8.C

$$\begin{aligned} \log_7 x = 3 &\Rightarrow x = 7^3 = 343 \\ \log_7 x = 2 &\Rightarrow x = 7^2 = 49 \Rightarrow 343 + 49 = 36 \end{aligned}$$

## KARMA TEST - 26

1.



Yukarıda şekilde Necip ile Fırat'ın duvara olan dik uzaklıklarını birim türünden verilmiştir.

Fırat ile Necip'ten, Fırat'ın duvara daha yakın olduğu bilindiğine göre,  $x$ 'in en geniş tanım aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A)  $(e^2, e^3)$   
B)  $(e^{-2}, e^3)$   
C)  $(e, e^3)$

D)  $(0, e)$

E)  $(e^{-2}, e)$

$$\ln x \cdot \ln x < e^6 \cdot x \Rightarrow \ln x \cdot \ln x < \ln e^6 + \ln x$$

$$(\ln x)^2 < 6 + \ln x \Rightarrow x = e^3 \text{ ve } x = e^{-2}$$

$$(\ln x)^2 - \ln x - 6 < 0$$

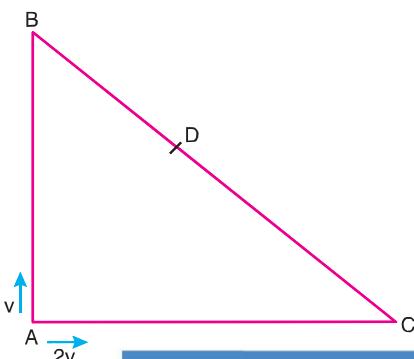
$$\ln x \cancel{\times} + \cancel{-3} \Rightarrow \ln x = 3$$

$$\ln x \cancel{\times} + \cancel{+2} \Rightarrow \ln x = -2$$

$$\ln x = 3 \quad \text{ve} \quad \ln x = -2$$

$$\text{Cevap: } (e^{-2}, e^3)$$

2. Aşağıda A noktasından aynı anda harekete başlayan iki hareketinin hızları ve gittikleri yönler gösterilmiştir.



$$|AB| = \ln(x-3) \text{ metre}$$

$$|AC| = \ln(x+2) \text{ metre}$$

$$|DC| = \ln(x-2) \text{ metre}$$

$$|BD| = \ln(x+4) \text{ metre}$$

$$|AB| + |BD| = |AC| + |DC|$$

$$\ln(x-3) + \ln(x+4) = \ln(x+2) + \ln(x-2)$$

$$\ln(x-3)(x+4) = \ln(x+2)(x-2)$$

$$x^2 + x - 12 = x^2 - 4 \Rightarrow x = 8$$

İki hareketli ilk kez D noktasında karşılaşıyor.

İki hareketinin aldığı yolların uzunlukları toplamı eşit olduğuna göre,  $x$  değeri kaçtır?

- A) 4      B) 5      C) 6      D) 7      E) 8

3. Kerem, Gaziantep'ten Siverek'te bulunan Aslı'nın yanına gitmeyi planlıyor. Kerem sabah 09:00'da  $\log_2(27)$  km/sa hızla yola çıkarıyor.

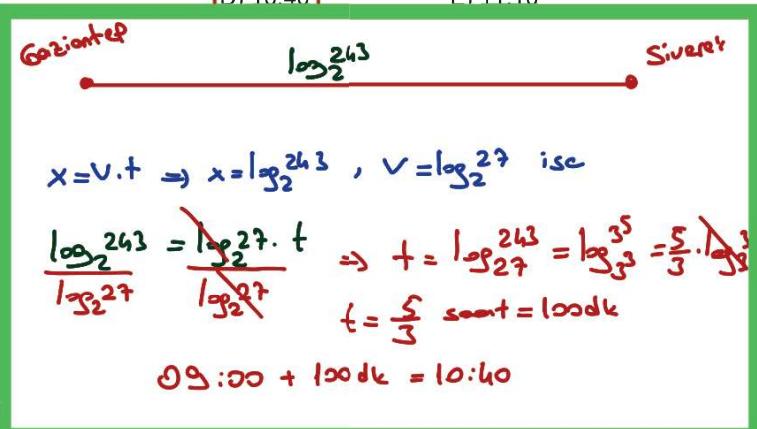
Gaziantep ve Siverek arası  $\log_2(243)$  km'dir.

Buna göre, Kerem aynı gün saat kaçta Aslı'nın yanında olur?

- A) 10:00      B) 11:00      C) 11:40

D) 10:40

E) 11:10



MATEMATİK

4.  $x \in \mathbb{R}^+ - \{1\}$  olmak üzere,

$$f(x) = \log x - \frac{1}{\log x}$$

olarak veriliyor.

Buna göre,

$$f\left(\frac{1}{10}\right) \cdot f\left(\frac{1}{100}\right) \cdot f\left(\frac{1}{1000}\right)$$

çarpımı kaçtır?

- A) 10      B) 100      C) 1      D) 0      E) 6

$$f\left(\frac{1}{10}\right) = \log \frac{1}{10} - \frac{1}{\log \frac{1}{10}} = \log 10^{-1} - \frac{1}{\log 10^{-1}}$$

$$= -1 + 1 = 0$$

$$0 \cdot f\left(\frac{1}{100}\right) \cdot f\left(\frac{1}{1000}\right) = 0$$

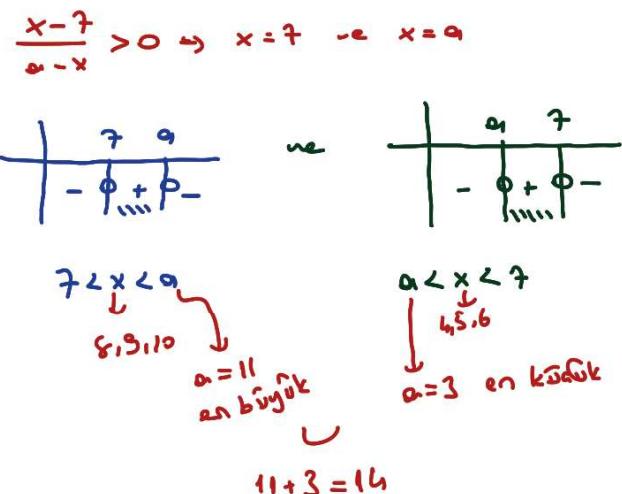
## KARMA TEST - 26

5.  $f(x) = \log_8 \left( \frac{x-7}{a-x} \right)$

fonksiyonunun tanım kümelerinde yalnızca 3 farklı x tam sayısı olduğuna göre,

a'nın alabileceği en büyük ve en küçük tam sayı değerin toplamı kaçtır?

- A) 14      B) 33      C) 30      D) 22      E) 36



6.  $a > 6$  olmak üzere,

$$x^2 - 4x + \log_2(a-6) = 0$$

denkleminin kökleri  $x_1$  ve  $x_2$  dir.

$$\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} = 2$$

olduğuna göre,

$a$  kaçtır?

- A) 7      B) 11      C) 8      D) 10      E) 12

$$\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} = \frac{x_1+x_2}{x_1 \cdot x_2} = 2$$

$$x_1 + x_2 = 4$$

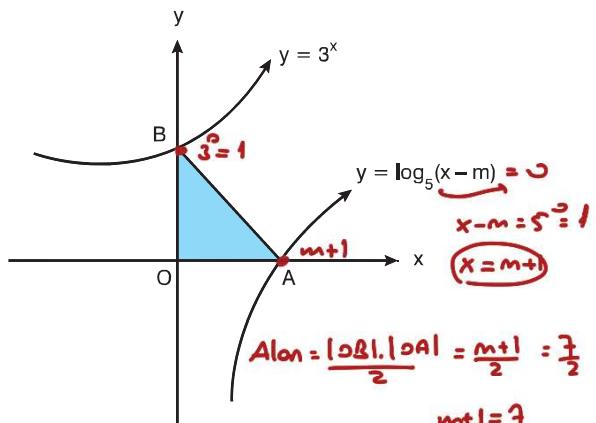
$$x_1 \cdot x_2 = \log_2(a-6)$$

$$= \frac{4}{\log_2(a-6)} * \frac{2}{1} \Rightarrow \sqrt[4]{2} = \sqrt[4]{\log_2(a-6)}$$

$$2^2 = a-6 = 4$$

$$a = 10$$

7.



Yukarıda  $y = 3^x$  ve  $y = \log_5(x-m)$  fonksiyonlarının grafikleri gösterilmiştir.

$$\text{Alan}(AOB) = \frac{7}{2}$$

birimkare olduğuna göre,  $m$  kaçtır?

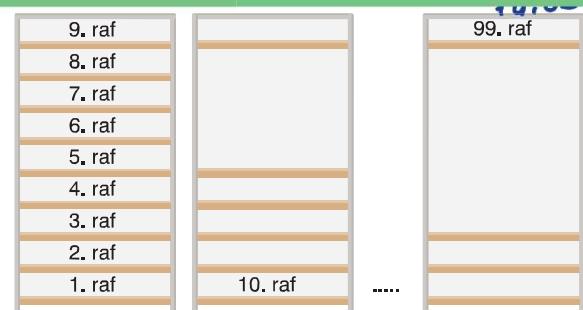
- A) 5      B) 6      C) 7      D) 10      E) 8

ACİL MATEMATİK

$$\log \frac{2}{1} + \log \frac{3}{2} + \log \frac{4}{3} + \dots + \log \frac{100}{99} = \log \left( \frac{2}{1} \cdot \frac{3}{2} \cdot \dots \cdot \frac{100}{99} \right)$$

$$= \log 100 = \log 10^2 = 2 \log 10 = 2 \text{ saat} \Rightarrow \frac{12:00}{2:00}$$

8.



Yukarıdaki şekilde Arya Eczanesinin ilaç rafları 1'den başlayarak 99'a kadar ardışık sayma sayıları ile numaralandırılmıştır.

$x$  raf numarası olmak üzere,

Her bir rafın temizlenme süresi  $\log \left( \frac{x+1}{x} \right)$  saat sürüyor.

Bu rafları saat 12:00'da silmeye başlayan Ceylan, tüm rafları temizlediğinde saat kaçtı gösterir?

- A) 13:00      B) 13:30      C) 13:40      D) 14:00      E) 15:30

## KARMA TEST - 27

1. Uygun şartlarda tanımlı bir  $f$  fonksiyonu,

$$f\left(\frac{x}{y}\right) = f(x) - f(y)$$

olarak veriliyor.

Buna göre,

I.  $f(x) = \ln x$

II.  $f(x) = \pi^x$

III.  $f(x) = \log x$

hangisi ya da hangileri yukarıda verilen koşulu her pozitif  $x$  gerçek sayı için sağlar?

A) Yalnız I

B) I ve II

C) I ve III

D) II ve III

E) I, II ve III

I)  $f(x) = \ln x$

$f(y) = \ln y$

$f\left(\frac{x}{y}\right) = \ln\left(\frac{x}{y}\right)$

$\ln\left(\frac{x}{y}\right) = \ln x - \ln y$   
( $\ln$  - özelliği)

II)  $f(x) = \pi^x$

$f(y) = \pi^y$

$f\left(\frac{x}{y}\right) = \pi^{\frac{x}{y}}$

$\pi^{\frac{x}{y}} = \pi^x \cdot \pi^{-y}$   
olma.

III.  $f(x) = \log x$

$f(y) = \log y$

$f\left(\frac{x}{y}\right) = \log\left(\frac{x}{y}\right)$

$\log\left(\frac{x}{y}\right) = \log x - \log y$   
( $\log$  - özelliği)

MATEMATİK

3.  $A = \ln(\tan 1^\circ) + \ln(\tan 2^\circ) + \dots + \ln(\tan 89^\circ)$

$$B = \ln(\cot 1^\circ) + \ln(\cot 2^\circ) + \dots + \ln(\cot 89^\circ)$$

olduğuna göre,  $A + B$  toplamı kaçtır?

A) 0

B) 1

C) 2

D) 89

E)  $\frac{89}{2}$

$$\tan x \cdot \cot x = 1$$

$$A = \ln(\tan 1^\circ) + \ln(\tan 2^\circ) + \dots + \ln(\tan 89^\circ)$$

$$+ B = \ln(\cot 1^\circ) + \ln(\cot 2^\circ) + \dots + \ln(\cot 89^\circ)$$

$$A+B = \ln(\tan 1^\circ) + \ln(\cot 1^\circ) + \dots + \ln(\tan 89^\circ) + \ln(\cot 89^\circ)$$

$$A+B = \ln\left(\underbrace{(\tan 1 \cdot \cot 1)}_{=1} \cdot \underbrace{(\tan 2 \cdot \cot 2)}_{=1} \cdots \underbrace{(\tan 89 \cdot \cot 89)}_{=1}\right)$$

$$= \ln(1 \cdot 1 \cdot 1 \cdots 1) = \ln 1 = 0$$

2. Sabah işe erken gitmek zorunda kalan Ali Bey, kredi kartı masaya bırakmış ve eşine aşağıdaki notu bırakmıştır.

Hayatım seni uyandırmak istemedim.

Kredi kartımın şifresi  $2^{60}$   
sayısının basamak sayısının  
iki defa yan yana yazılışıdır.  
 $\log_{10} 2 \approx 0,301$  almalısın.

Şifreyi doğru bulan eşi, sonucu kaç bulmuştur?

A) 1818

B) 1919

C) 1717

D) 1616

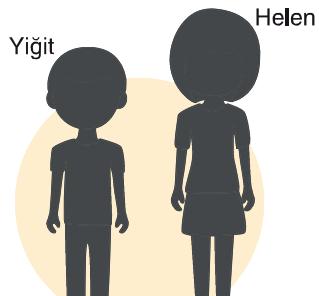
E) 2020

$$\log_{10} 2^{60} = 60 \cdot \log_{10} 2 = 60 \cdot 0,301 = 18,06$$

$$\text{Basamak sayısı } 18+1 = 19$$

$$\text{Şifre} = 1919$$

- 4.



Yukarıda yaşları ardışık çift tam sayı olan Yiğit ile ablası Helen gösterilmiştir.

Buna göre,  $x$  değeri kaçtır?

A) 10

B)  $10^2$

C)  $10^3$

D)  $10^4$

E)  $10^5$

$$\text{Yiğit} + \text{Helen} \Rightarrow \text{Yiğit} + 2 = \text{Helen}$$

$$\log x^2 + 2 = \log x^4$$

$$2 \log x + 2 = 4 \cdot \log x \Rightarrow 2 \log x = 2$$

$$\log x = 1 \Rightarrow x = 10$$

1.B 2.B 3.A 4.A

109

## KARMA TEST - 27

5.  $\log_6 \sin x - \log_6 \cos x = \log_6 24 - \log_6 8$

denklemi veriliyor.

Buna göre,  $\sin^2 x - \cos^2 x$  farklı kaçtır?

- A)  $\frac{4}{5}$       B)  $\frac{5}{4}$       C) 1      D)  $\frac{8}{13}$       E)  $\frac{3}{2}$

$$\log_6 \sin x - \log_6 \cos x = \log_6 24 - \log_6 8$$

$$\log_6 \frac{\sin x}{\cos x} = \log_6 \frac{24}{8} \Rightarrow \log_6 \tan x = \log_6 3$$

$$\tan x = 3 \Rightarrow \frac{\sin x}{\cos x} = 3$$

$$\sin x = \frac{3}{\sqrt{10}} \quad \cos x = \frac{1}{\sqrt{10}}$$

$$\sin^2 x = \frac{9}{10} \quad \cos^2 x = \frac{1}{10}$$

$$\sin^2 x - \cos^2 x = \frac{8}{10} = \frac{4}{5}$$

6. a, b, c sayıları 1'den farklı pozitif gerçek sayılar olmak üzere,

$$f(x) = a^x \rightarrow a > 1$$

$$g(x) = \log_b x \rightarrow 0 < b < 1$$

$$h(x) = c^x \rightarrow 0 < c < 1$$

fonksiyonları veriliyor. f artan, g ve h azalan fonksiyonlardır.

Buna göre,

$$\text{I. } a + b + c > 0 \quad \text{daima doğru}$$

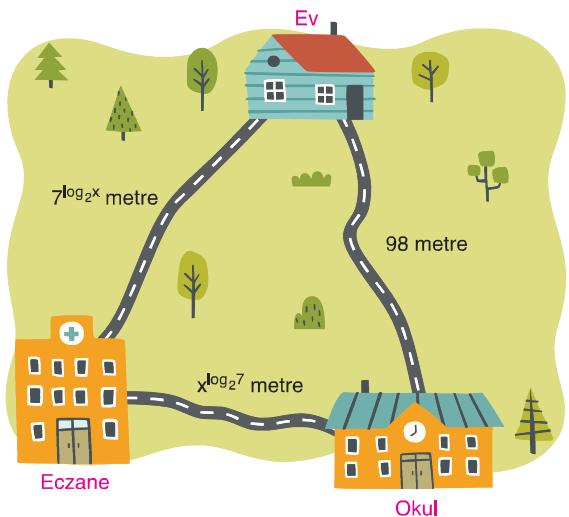
$$\text{II. } b - c > 0 \rightarrow b = c \text{ olabilir. Kesinlikle yok.}$$

$$\text{III. } \frac{a - c}{b} > 0 \rightarrow \frac{(+) - (-)}{(-)} = (+)$$

hangisi ya da hangileri daima doğrudur?

- A) Yalnız I      B) I ve II      C) I ve III  
 D) II ve III      E) I, II ve III

7.



Yukarıda ev, eczane, okul arasındaki uzaklık verilmiştir.

Ev ile eczane arasındaki uzaklık ile eczane, okul arasındaki uzaklığın toplamı ev ile okul arasındaki uzaklığı eşit olduğuna göre, x kaçtır?

- A) 2      B) 3      C) 4      D) 5      E) 6

$$\begin{aligned} 7 \log_2 x + x \log_2 7 &= 98 \Rightarrow 7 \log_2 x + 7 \log_2 7 = 98 \\ \frac{2 \cdot 7 \log_2 x}{2} &= \frac{98}{2} \Rightarrow 7 \log_2 x = 49 = 7^2 \\ \log_2 x &= 2 \Rightarrow x = 2^2 = 4 \end{aligned}$$

8. 1918 yılında dünyada görülen delta virüsünün vaka sayısı t günde

$$V_t = V_0 \cdot e^t \text{ fonksiyonu ile hesaplanıyor.}$$

$V_0$  = Başlangıçtaki vaka sayısı.

$V_t$  = t. gündeki vaka sayısı.

11 Mart 1918'de dünyada başlangıçta 8 kişide görülen delta virüsünün vaka sayısı kaç gün sonra 96 kişi olur?

- A)  $\ln(6)$       B)  $\ln(8)$       C)  $\ln(96)$       D)  $\ln(12)$       E)  $\ln(32)$

$$\begin{aligned} V_0 &= 8 \quad V_t = \frac{8 \cdot e^t}{8} = 96 \\ e^t &= 12 \Rightarrow \log_e 12 = t \\ \ln 12 &= t \end{aligned}$$

**1. SORU TİPİ**

**DİZİNİN TANIMI**

**Tanım:**  $f: N^+ \rightarrow R$  tanımlı  $f$  fonksiyonuna reel (gerçel) sayı dizisi denir.

$a_n$  dizinin genel terimidir.

**ÖRNEK**

$$(a_n) = (2n + 1)$$

dizisinin ilk iki teriminin toplamı kaçtır?

**ÇÖZÜM**

İlk iki terim  $a_1$  ve  $a_2$  olur.

$$n = 1 \text{ için } a_1 = 2 \cdot 1 + 1 = 3$$

$$n = 2 \text{ için } a_2 = 2 \cdot 2 + 1 = 5 \text{ olur.}$$

$$a_1 + a_2 = 3 + 5 = 8 \text{ dir.}$$

1.  $(a_n)$  gerçek sayı dizisidir.

$$(a_n) = (3n + 7)$$

olduğuna göre dizinin 4. terimi kaçtır?

- A) 10      B) 13      C) 16      D) 19      E) 22

$$\begin{aligned} a_4 &= 3 \cdot 4 + 7 \\ &= 12 + 7 = 19 \end{aligned}$$

4. Aşağıda verilenlerden hangisi bir dizi belirtmez?

- A)  $\left( \frac{2}{3n} \right)$       B)  $\left( \frac{13}{5n-4} \right)$       C)  $\left( \frac{7}{21-3n} \right)$   
 D)  $\left( \frac{4}{5} \right)$       E)  $\left( \sqrt{\frac{n-1}{n+3}} \right)$

$$C) a_n = \left( \frac{7}{21-3n} \right) \Rightarrow a_7 = \frac{7}{21-21} = \frac{7}{0} \text{ tanımsız}$$

2. Aşağıda verilenlerden hangisi bir dizi belirtir?

- A)  $\left( \frac{6n+5}{4-2n} \right)$       B)  $\left( \frac{5}{5n-10} \right)$       C)  $\left( \frac{1}{n^2-9} \right)$   
 D)  $\sqrt{\frac{n-6}{n}}$       E)  $\left( \frac{1}{n} \right)$

$$a_n = \frac{1}{n} \Rightarrow a_n = 1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \dots$$

5.  $(a_n) = (n + 4)$

olduğuna göre,  $a_2 + a_3$  toplamı kaçtır?

- A) 10      B) 11      C) 13      D) 14      E) 15

$$\begin{aligned} a_2 &= 2 + 4 & a_3 &= 3 + 4 \\ a_2 &= 6 & a_3 &= 7 \\ a_2 + a_3 &= 13 \end{aligned}$$

3. Genel terimi

$$(a_n) = (5n - 2)$$

olan dizinin 3. terimi kaçtır?

- A) -2      B) 13      C) 23      D) 28      E) 30

$$a_3 = 5 \cdot 3 - 2 = 15 - 2 = 13$$

6.  $(a_n) = (8n - 1)$

olduğuna göre,  $a_5 - a_1$  farkı kaçtır?

- A) -32      B) 32      C) 39      D) -39      E) -7

$$\begin{aligned} a_5 &= 8 \cdot 5 - 1 & a_1 &= 8 \cdot 1 - 1 \\ a_5 &= 39 & a_1 &= 7 \\ a_5 - a_1 &= 32 \end{aligned}$$

- 1.D 2.E 3.B 4.C 5.C 6.B